

Voici une question extraite d'examen de P.Markovien.

une population evolue comme suit:

aux instants de temps qui arrivent selon un processus de Poisson de parametre  $\lambda$ ,  $n + 1$  individus essaient de se joindre a la population. Un des individus est accepté toujours, chacun des  $n$  autres individus est accepté avec probabilité  $p > 0$  ou est refusé avec probabilité  $1 - p$ , independamment des autres individus.

A partir de l'instant où la taille de la population est non null, aux instans des temps, qui arrivent selon un processus de parametre  $\mu$ , un individu quitte la population. Ces departs sont suspendus uniquement lorsque la taille de la population est est 0.

Soit  $X_t$  la taille de la population au temps  $t \geq 0$ .

1) Montrer que  $(X_t)_{t \geq 0}$  est un processus de Markov sur  $\mathbb{N}$ .

Donner la matrice des intensites  $Q$  de ce processus.

Dans la correction de cette question il ecrit:  $q_{i,i+k} = \lambda C_n^{k-1} p^{k-1} (1-p)^{n-(k-1)}$  pour  $i = 0, 1, \dots, k = 1, \dots, n+1$ ,

$q_{i,i-1} = \mu$ , pour  $i = 1, 2, \dots$ ,

$q_{0,0} = -\lambda$  pour  $i = 1, 2, \dots$ ,

$q_{i,j} = 0$  pour tous les autres  $i, j$ .

Je n'ai pas compris comment on trouve ses intensites .

Merci d'avance pour toute reponse .