

$$[A,B,C,D] + [A,C,B,D] = 1$$

$$(AC/AD) / (BC/BD) + (AB/AD) / (CB/CD) = 1$$

$$(AC/AD) \cdot (BD/BC) + (AB/AD) \cdot (CD/CB) = 1$$

Je décompose au maximum tous les vecteurs, de manière à me retrouver uniquement avec des vecteurs AB, BC et CD; par ailleurs, j'écris CB sous la forme -BC:

$$[(AB+BC)/(AB+BC+CD)] \cdot [(BC+CD)/BC] + [AB/(AB+BC+CD)] \cdot (CD/-BC) = 1$$

$$[(AB+BC) \cdot (BC+CD)] / [(AB+BC+CD) \cdot BC] - (AB \cdot CD) / [(AB+BC+CD) \cdot BC] = 1$$

Je fais passer le dénominateur du membre de gauche vers le membre de droite :

$$(AB+BC) \cdot (BC+CD) - (AB \cdot CD) = 1 \cdot [(AB+BC+CD) \cdot BC]$$

J'effectue les opérations sur le membre de droite et je repère des éléments à supprimer (en gras) :

$$AB \cdot BC + \mathbf{AB \cdot CD} + BC \cdot BC + BC \cdot CD - \mathbf{AB \cdot CD} = (AB+BC+CD) \cdot BC$$

Et je remarque que les deux membres de l'égalité peuvent s'écrire comme suit :

$$AD \cdot BC = AD \cdot BC$$

L'égalité  $[A,B,C,D] + [A,C,B,D] = 1$  est donc vérifiée par transformation.