

On considère que le stent est constitué d'un ensemble de  $n$  spires de base circulaire (de rayon  $r_0$ ), sans interaction les unes avec les autres, mais qui permettent d'alléger la géométrie. Ces spires sont enroulées de façon hélicoïdale de base circulaire : chacune est caractérisée par l'angle  $\alpha$  d'enroulement et le rayon  $R$ , dont le repère local sera  $(\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3)$ , avec  $\vec{e}_3$  vecteur tangent à la courbe et  $\vec{e}_2$  normal à la paroi. Pour étudier une fibre, on va se placer dans le cadre de la théorie des poutres, c'est à dire faire les *hypothèses d'Euler-Bernoulli* :

- les centres de gravité des sections forment une courbe continue et dérivable, appelée « courbe moyenne » (paramétrée par  $\xi$ ) ; son rayon de courbure est grand devant sa longueur
- la dimension des sections est petite devant la longueur de la courbe moyenne
- le matériau est homogène et isotrope
- au cours de la déformation, les sections droites restent perpendiculaires à la courbe moyenne
- les sections droites restent planes

## 2.2 Le calcul

Au repos, le stent est caractérisé par le rayon  $R_0$  et l'angle  $\alpha_0$ . Ce sont les données sur lesquelles on pourra jouer afin de modifier la résistance à la compression du stent.

Dans la configuration finale, une spire est soumise à deux types d'efforts : le premier est celui de la pression sanguine  $p_s$  exercée sur le demi cercle intérieur de la spire et la pression radiale issue de la paroi, inconnue mais supposée constante et notée  $p$ , exercée sur le demi-cercle extérieur de la spire. On considèrera donc une force linéique équivalente  $\vec{f}_l$  calculée comme suit :  $\oint \vec{f}_S dl = 2(p_s - p)r_0\vec{e}_2$ . Cela va induire de la flexion.

On suppose que le stent va rester en position hélicoïdale et s'adapter à la forme de l'artère (le rayon de sa base reste de  $R$ ). Ainsi il subit deux types de contraintes géométriques : sa courbure vaut  $\gamma = \frac{\cos^2\alpha}{R}$  et il existe une torsion  $\tau = \frac{\sin\alpha \cos\alpha}{R}$ . On a de plus  $\tau - \tau_0 = \frac{M_{torsion}}{GI}$  et  $\gamma - \gamma_0 = \frac{M_2}{EI}$ .

On supposera en outre que les sections des fils restent constantes : en conséquence la longueur  $L$  des spires reste constante.

Nous pouvons dès à présent écrire les équations d'équilibre pour trouver les grandeurs qui nous intéressent :

*Les équations d'équilibre*

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{dN}{d\xi} = 0 \quad (1) \\ \frac{dM_{torsion}}{d\xi} = 0 \quad (2) \\ \frac{d^2 M_1}{d\xi^2} = 2(p - p_s)r_0 \quad (3) \\ \frac{d^2 M_2}{d\xi^2} = 0 \quad (4) \end{array} \right.$$

*les équations de comportement*

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{du_3}{d\xi} = \frac{N(\xi)}{E\pi r_0^2} \quad (5) \\ \frac{d\theta}{d\xi} = \frac{M_{torsion}}{GI_G} \quad (6) \\ \frac{M_1}{EI_1} = -\frac{\partial^2 u_2}{\partial \xi^2} \quad (7) \\ \frac{M_2}{EI_2} = -\frac{\partial^2 u_1}{\partial \xi^2} \quad (8) \end{array} \right.$$