

## Travail dirigé No. 1 Rédaction d'algorithme

**Objectifs :** Apprendre à rédiger correctement un algorithme

**Durée :**  $\frac{1}{2}$  semaine

**Remise du travail :** Avant 23h30 le 9 mai.

**Travail préparatoire :** Lecture des exercices.

**Documents à remettre :** Les algorithmes complétés.

### Pour chaque exercice :

- **Décrivez l'algorithme de manière générale, en français**, sans tenir compte des contraintes du langage simple décrit ci-dessous. Cette description servira de plan pour ensuite écrire l'algorithme raffiné ci-dessous; elle doit donc être écrite avant de faire l'algorithme raffiné, mais pourra être ajustée par la suite si des problèmes sont détectés lors du raffinement. Dans cette description, identifiez clairement :
  - ce que l'ordinateur doit afficher à l'utilisateur,
  - ce que l'ordinateur doit lire de l'utilisateur,
  - où sont les conditions,
  - où sont les répétitions (qui n'ont pas à être sous forme « TANT QUE »).
- **Puis** écrivez une version raffinée de l'algorithme exprimée uniquement à l'aide des opérations élémentaires suivantes :
 

<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Lire</li> <li>▪ Afficher</li> <li>▪ = (affecter)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ TANT QUE <i>condition</i> FAIRE</li> <li>  ...</li> <li>▪ SI <i>condition</i> ALORS ...</li> <li>  SINON ...</li> <li>▪ Comparaisons : &lt;, &gt;, ≤, ≥, ==, ≠</li> <li>▪ Opérateurs booléens : et, ou, pas/non</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Opérateurs arithmétiques :</li> <li>  + (additionner)</li> <li>  - (soustraire)</li> <li>  * (multiplier)</li> <li>  / (diviser)</li> <li>  % (reste ou modulo)</li> </ul>
--	---	---

Les conditions et répétitions doivent être correctement indentées. Les opérations mathématiques suivantes sont permises : sinus, cosinus, valeur absolue, racine carré. Les différents éléments d'une suite ou d'une chaîne de caractères sont référés avec les crochets, ainsi, *valeurs[n]* est le  $n^{\text{ième}}$  élément de la suite. « longueur de » permet de savoir combien de valeurs/caractères se trouvent dans une suite/chaîne.

**Exemple :** Écrire un algorithme qui vérifie si un nombre entré par l'utilisateur est premier ou non.

**Une solution possible :**

Demander le nombre à l'utilisateur (affichage). Lire le nombre  $n$  de l'utilisateur.

Pour chaque entier (une répétition) entre 2 et la racine carrée de  $n$ , vérifier (une condition) est-ce que cet entier divise  $n$ .

Si (une condition) aucun des entiers testés ne divise  $n$ , afficher que le nombre est premier, sinon afficher qu'il ne l'est pas.

Algorithme raffiné :

Afficher « Entrer le nombre à vérifier : »

Lire  $n$

$i = 2$

a trouvé un diviseur = faux

TANT QUE  $i \leq \sqrt{n}$  FAIRE

    SI  $n \% i == 0$  ALORS

        a trouvé un diviseur = vrai

$i = i + 1$

SI a trouvé un diviseur ALORS

    Afficher « Le nombre n'est pas premier »

SINON

    Afficher « Le nombre est premier »



5. Écrire un algorithme qui indique à quelle position se trouve le texte « INF » dans une phrase ; il doit indiquer « ne s'y trouve pas » dans le cas où il n'y est pas. La position affichée doit être celle où se trouve la première lettre du « INF » dans la phrase, la position zéro étant la première lettre de la phrase.

Note : chaque caractère compte comme une position, incluant les espaces et les ponctuations.

*Exemple* : L'utilisateur entre la phrase « J'ai un cours d'INF1005C ».

L'affichage attendu est : INF se trouve à la position 16.

6. Écrire un algorithme qui calcule la moyenne entre des valeurs positives entrées par l'utilisateur. Le nombre de valeurs n'est pas connu à l'avance, l'utilisateur entrera la valeur -1 pour indiquer qu'il a terminé.

*Exemple* : L'utilisateur entre les valeurs 1 ; 7 ; 11 ; -1.

L'affichage attendu est : La moyenne des 3 valeurs est 6,33.

7. Écrire un algorithme pour calculer la racine carrée d'un nombre réel positif  $x$ . La méthode sera d'utiliser la suite définie comme :

$$y_0 = x$$

$$y_{n+1} = (y_n + x / y_n) / 2$$

Lorsque  $n$  tend vers l'infini, cette suite converge vers la racine carrée de  $x$ . L'estimation de l'erreur au terme  $y_n$ , par rapport à la véritable racine carrée, sera  $e_n = |y_n - y_{n-1}|$  (soit la valeur absolue de la différence entre deux termes qui se suivent dans la suite). L'algorithme doit arrêter, et afficher la valeur de  $y_n$ , dès que cette erreur estimée est inférieure à *epsilon*.

Note : la valeur absolue n'est pas une opération élémentaire disponible pour l'algorithme raffiné.

*Exemple* : L'utilisateur entre les valeurs de  $x$  et *epsilon* comme étant 2 et 0,01.

L'affichage attendu est : La racine de 2 est approximativement 1,414215686.

Dans cet exemple, les valeurs des  $y$  sont :  $y_0 = 2$  ;  $y_1 = 1,5$  ;  $y_2 = 1,41666666$  ;  $y_3 = 1,414215686$ . La différence entre  $y_3$  et  $y_2$  est de  $\sim 0,002$ , qui est inférieur au *epsilon* de 0,01, d'où l'affichage de la valeur de  $y_3$  comme approximation acceptée de la racine de 2.