

Colle d'électricité

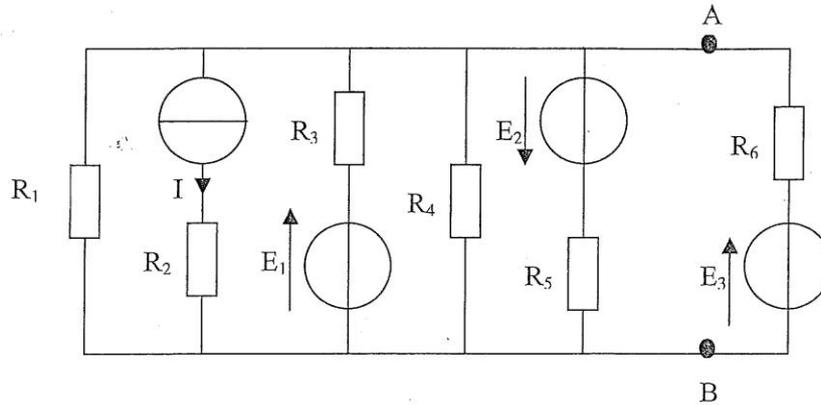
Documents interdits

Seule calculatrice autorisée
TI 36 X SOLAR

Durée 1 h 45

Exercice 1

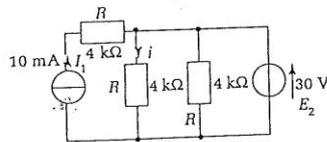
Soit le schéma ci-dessous :



- 1) Déterminer les modèles équivalents de Thévenin (E_{th} et R_{th}) et de Norton (I_n et R_n) du montage à gauche des points A et B. Donner les expressions littérales sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 2) Calculez les valeurs numériques de E_{th} , R_{th} , I_n et R_n , en prenant $I = 3A$, $E_1 = 12V$, $E_2 = E_3 = -2V$, $R_1 = R_2 = 1\Omega$, $R_3 = R_4 = 4\Omega$, $R_5 = 2\Omega$ et $R_6 = 0,5\Omega$.
- 3) Déterminez la différence de potentiel U_{AB} entre les points A et B. Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 4) Faire l'application numérique.
- 5) Déterminer l'expression du courant I_A traversant le point A. Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 6) Faire l'application numérique.

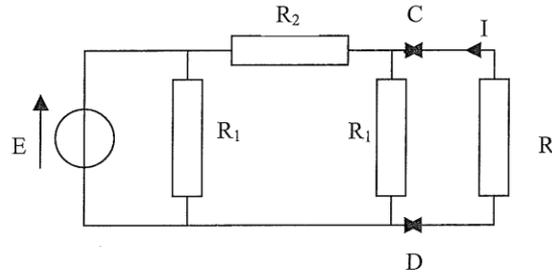
Exercice 2

Quelle est l'intensité i du courant dans le montage



Exercice 3

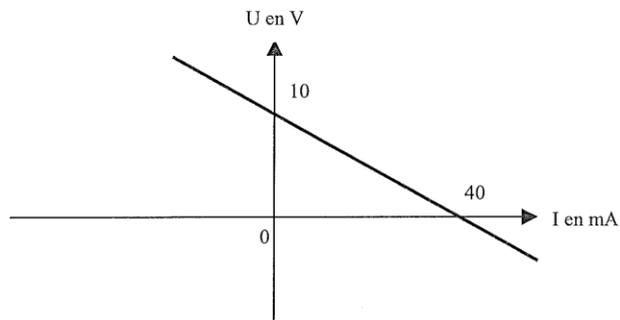
Soit le circuit ci-dessous :



- 1) Déterminer les modèles équivalents de Thévenin (E_{th} et R_{th}) et de Norton (I_n et R_n) du montage à gauche des points C et D. Donner les expressions littérales sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 2) Déterminer l'expression du courant I. Mettez son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 3) Calculer les valeurs numériques en supposant $E = 10V$, $R_1 = 10 \Omega$, $R_2 = 20 \Omega$ et $R = 15 \Omega$.

Exercice 4

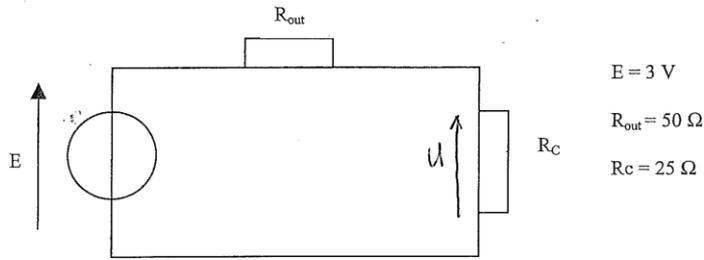
On a relevé la caractéristique $U = f(I)$ suivante pour un dipôle.



- 1) Préciser dans quelles parties du graphique le dipôle a un comportement générateur et dans quelles parties il est récepteur, le tout en vous justifiant.
- 2) Déterminer les valeurs numériques des éléments du générateur de Thévenin équivalent (E_{th} et R_{th}) au dipôle considéré ci dessus.
- 3) En déduire le modèle de Norton (I_n et R_n).

Exercice 5

Soit le circuit ci-dessous qui correspond à un générateur de fréquence alimentant une charge R_C :



- 1) Déterminer l'expression de la tension U . Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible. Faire l'application numérique.
- 2) Déterminer l'expression de la puissance dissipée par chacune des résistances. Donner l'expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible. Faire l'application numérique.
- 3) Déterminer pour quelle valeur de R_C cette dernière dissipe la plus grande puissance. Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible. Faire l'application numérique.

Exercice 6

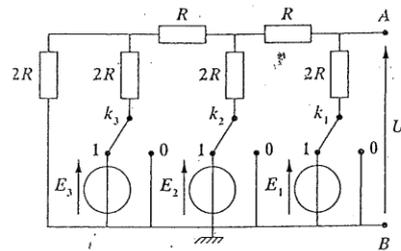
Chaque interrupteur peut relier (sur commande) une branche $2R$ soit à une source de tension ($k = 1$), soit à la masse ($k = 0$).

1. $k_3 = 1$; $k_2 = 0$; $k_1 = 0$. Exprimer U en fonction de E_3 .
2. $k_2 = 1$; $k_3 = 0$; $k_1 = 0$. Exprimer U en fonction de E_2 .
3. $k_1 = 1$; $k_2 = 0$; $k_3 = 0$. Exprimer U en fonction de E_1 .
4. $k_1 = 1$; $k_2 = 1$; $k_3 = 1$. Exprimer U en fonction de E_1 , E_2 et E_3 .
5. $E_1 = E_2 = E_3 = E = 16 \text{ V}$; $k = 0$ ou $k = 1$.

Montrer que : $U = \left(\frac{k_1}{2} + \frac{k_2}{4} + \frac{k_3}{8} \right) E$

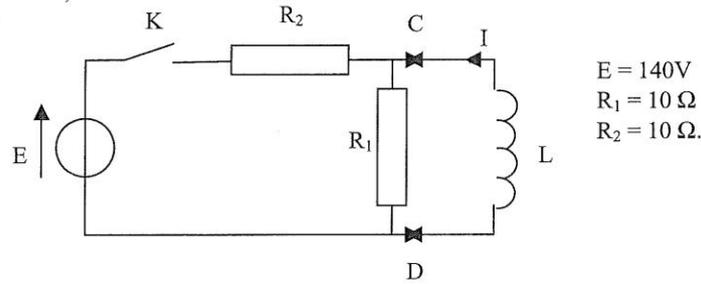
Calculer U pour :

- $\{k_1, k_2, k_3\} = \{0, 1, 0\}$;
- $\{k_1, k_2, k_3\} = \{1, 0, 0\}$;
- $\{k_1, k_2, k_3\} = \{1, 1, 1\}$.



Exercice 7

Soit le circuit ci-dessous :



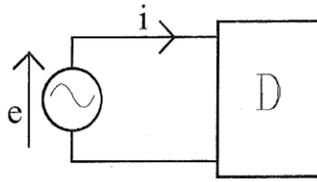
A l'instant $t=0s$ on ferme l'interrupteur K (parfait) :

- 1) Déterminer les modèles équivalents de Thévenin (E_{th} et R_{th}) du montage à gauche des points C et D. Donner leurs expressions littérales sous la forme d'une fraction simple si cela est possible et faire l'application numérique.
- 2) Déterminez l'expression de l'équation différentielle régissant l'évolution du courant $i(t)$ dans le circuit.
- 3) Résolvez cette équation différentielle par la méthode de la variation de la constante, sachant que l'inductance L est celle de l'exercice précédent et vaut 110 mH.
- 4) Après avoir calculé ou donné l'expression temporelle de i , tracez $i(t)$. Donnez sa valeur maximale. Est-elle compatible avec l'inductance utilisée ? Justifiez
- 5) En déduire l'expression de la tension aux bornes de l'inductance L. Tracez son évolution au cours du temps sur le graphique précédent ($i = f(t)$). Donnez sa valeur maximale.
- 6) Au bout de combien de temps le courant dans l'inductance a-t-il atteint $I_1=7A$. même question pour $I_2=13.3A$? Faire la mesure de deux temps t_1 et t_2 sur le graphique et vérifiez vos résultats par un calcul..

A un instant t_1 choisi comme nouvelle origine des temps on ouvre K :

- 7) Donnez la nouvelle équation différentielle régissant le courant $i(t)$.
- 8) Sans calculs, déterminez l'expression de $i(t)$.
- 9) Tracez son évolution au cours du temps.
- 10) Quelle est la différence de potentiel aux bornes de l'interrupteur K lorsqu'il est ouvert ? Que ce serait-il produit au niveau de l'interrupteur K si la résistance R_1 n'avait pas été présente ? Justifiez.

Exercice 8



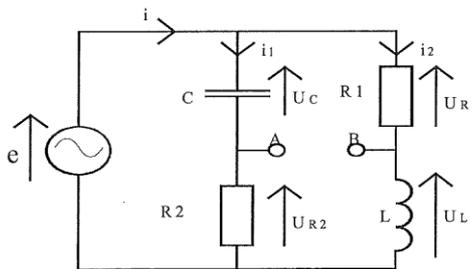
Un dipôle passif est branché aux bornes d'un générateur de tension sinusoïdale. On mesure:

$$e = 30 \cos(314t - \pi/12)$$

$$i = 2 \sin(314t + \pi/6)$$

1. Quelle est la fréquence f de travail ?
2. Calculer les valeurs des éléments RC ou RL parallèle équivalent au dipôle D.
3. Déterminer la nature et la valeur de l'élément à mettre en parallèle avec le dipôle D pour que l'ensemble soit équivalent à une résistance R.
4. Calculer la valeur de R
5. Calculez l'expression complexe et temporelle de $i(t)$.

Exercice 9



$$e = E\sqrt{2} \sin(\omega t)$$

$$\text{avec } E = 250 \text{ V}$$

$$\text{et } \omega = 314 \text{ rd/s}$$

$$R1 = 100 \Omega \quad R2 = 150 \Omega$$

$$L = 0,24 \text{ H} \quad C = 16 \mu\text{F}$$

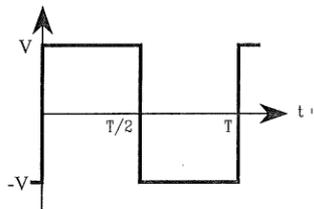
- 1) Calculer l'expression et la valeur numérique des impédances complexes de chaque branche du circuit.
- 2) Calculer l'expression et la valeur numérique des expressions complexes et temporelles de :
 - a) i
 - b) i_1
 - c) i_2
 - d) U_C
 - e) U_L
 - f) U_{R1}
 - g) U_{R2}
- 3) En déduire l'expression et la valeur numérique de U_{AB} .

Exercice 10

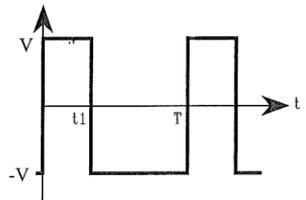
Calculer, ou donnez sans calculs, la valeur moyenne V_m et efficace V_{eff} des signaux périodiques suivants.

Application numérique : $V = 2V_0 = 10V$ $T = 1ms$ $t_1 = 100\mu s$.

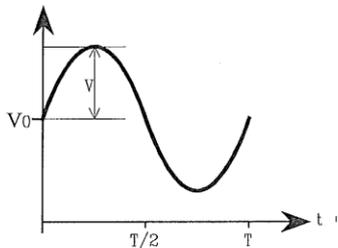
a)



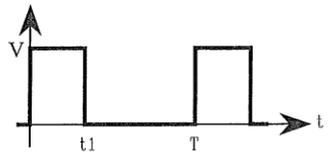
b)



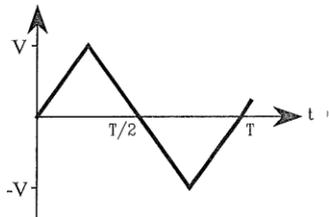
c)



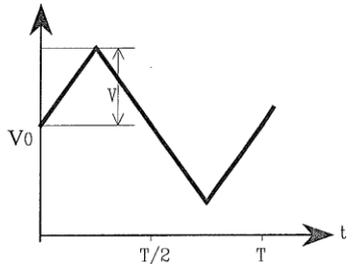
d)



e)

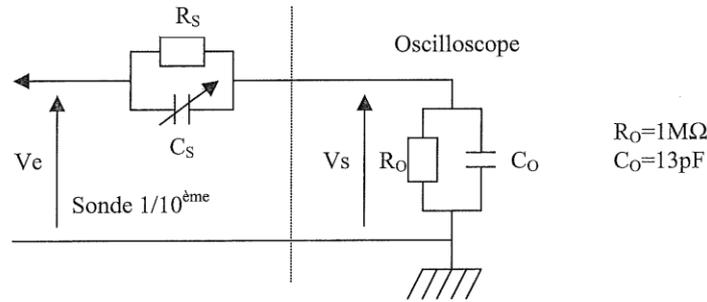


f)



Exercice 11

On désire pouvoir dépanner une alimentation de 440V. Or la tension maximale visible à l'écran de l'oscilloscope n'est que de 80 V. Il faudra donc utiliser une sonde 1/10^{ème} pour réaliser la mesure. On se propose ici d'étudier cette sonde dont le schéma est donné ci-dessous.



- 1) Calculez l'impédance $\underline{Z}(j\omega)$ équivalente au circuit d'entrée de l'oscilloscope.
- 2) En déduire la fonction de transfert $\underline{T}(j\omega) = \frac{V_s(j\omega)}{V_e(j\omega)}$ et l'écrire sous la forme suivante :

$$\underline{T}(j\omega) = K \frac{1 + j \frac{\omega}{\omega_1}}{1 + j \frac{\omega}{\omega_2}}$$

avec $K = R_O / (R_O + R_S)$, $\omega_1 = 1 / R_S C_S$ et $\omega_2 = (R_O + R_S) / (R_O R_S (C_S + C_O))$

- 3) Quelle doit être la valeur de ω_2 par rapport à ω_1 pour que $\underline{T}(j\omega)$ ne dépende plus de ω ?
- 4) En déduire alors l'expression du produit $R_O C_O$ en fonction de R_S et C_S .
- 5) Que vaut alors \underline{T} en fonction de K lorsque \underline{T} ne dépend plus de ω ? En déduire le rapport entre R_O et R_S sachant que l'on a à faire à une sonde 1/10^{ème} et calculer la valeur numérique de R_S .
- 6) En déduire la valeur numérique de C_S .
- 7) Donnez, sans calculs, l'expression puis la valeur numérique de l'impédance d'entrée de l'oscilloscope, puis celle de l'ensemble oscilloscope + sonde en **basses fréquences**. Dans quel cas la mesure est-elle alors la plus perturbatrice, avec ou sans sonde ?
- 8) Tracez le diagramme de BODE asymptotique de $\underline{T}(j\omega)$ en module (en dB) et en phase (pente de $\pm 45^\circ/\text{dec}$) pour :

- $\omega_1 = 0,5\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$ → page 9

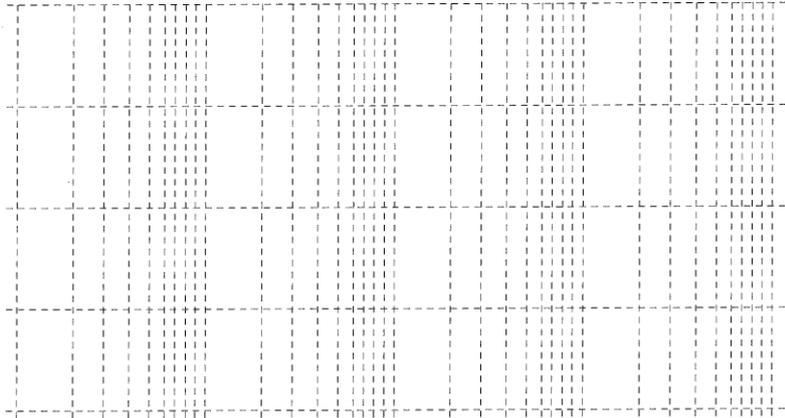
- $\omega_1 = \omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$ → page 10

- $\omega_1 = 2\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$ → page 11

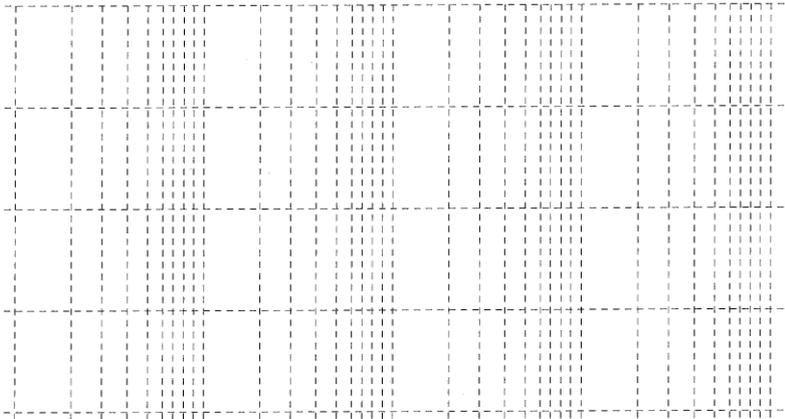
Réponse à la question 21

$$\omega_1 = 0,5\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$$

en module



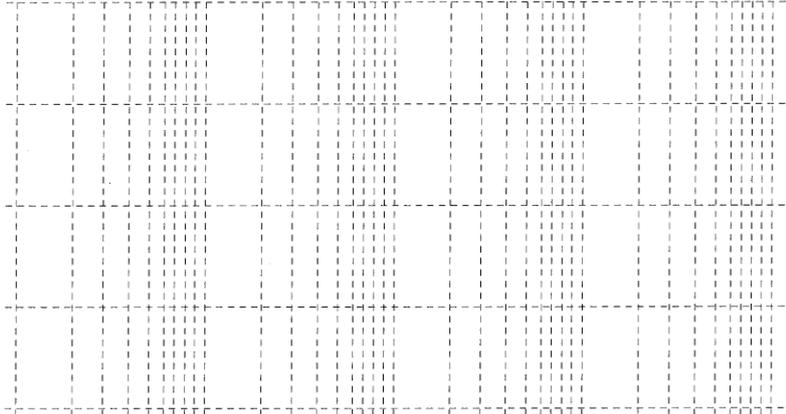
en phase



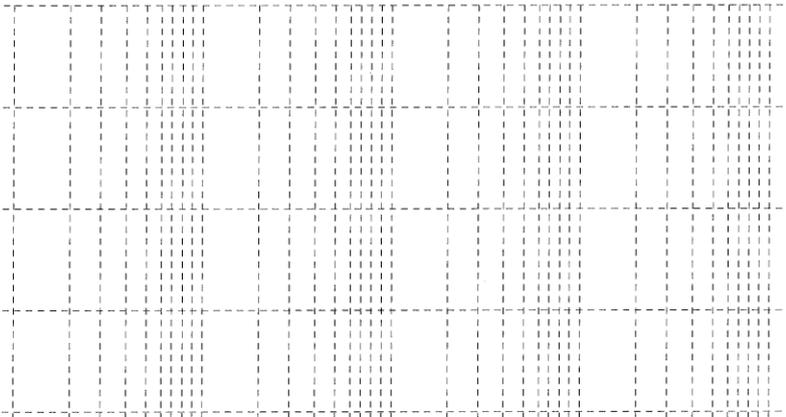
Réponse à la question 21

$$\omega_1 = \omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$$

en module



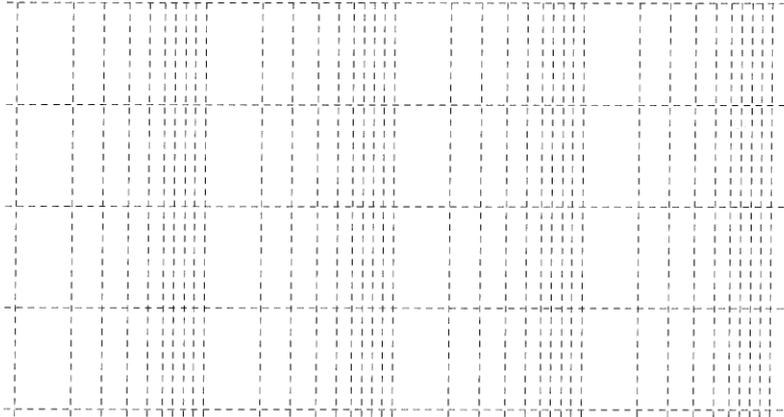
en phase



Réponse à la question 21

$$\omega_1 = 2\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$$

en module



en phase

