

Colle d'électricité

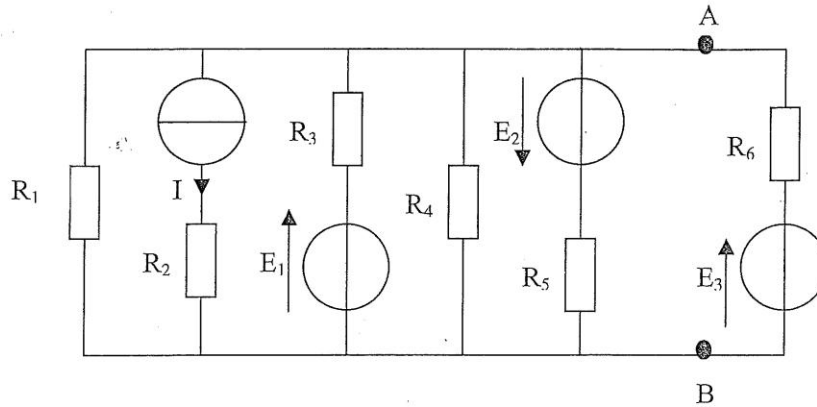
Documents interdits

Seule calculatrice autorisée  
TI 36 X SOLAR

Durée 1 h 45

### Exercice 1

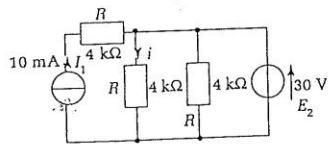
Soit le schéma ci-dessous :



- 1) Déterminer les modèles équivalents de Thévenin ( $E_{th}$  et  $R_{th}$ ) et de Norton ( $I_n$  et  $R_n$ ) du montage à gauche des points A et B. Donner les expressions littérales sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 2) Calculez les valeurs numériques de  $E_{th}$ ,  $R_{th}$ ,  $I_n$  et  $R_n$ , en prenant  $I = 3A$ ,  $E_1 = 12V$ ,  $E_2 = E_3 = -2V$ ,  $R_1 = R_2 = 1\Omega$ ,  $R_3 = R_4 = 4\Omega$ ,  $R_5 = 2\Omega$  et  $R_6 = 0,5\Omega$ .
- 3) Déterminez la différence de potentiel  $U_{AB}$  entre les points A et B. Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 4) Faire l'application numérique.
- 5) Déterminer l'expression du courant  $I_A$  traversant le point A. Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 6) Faire l'application numérique.

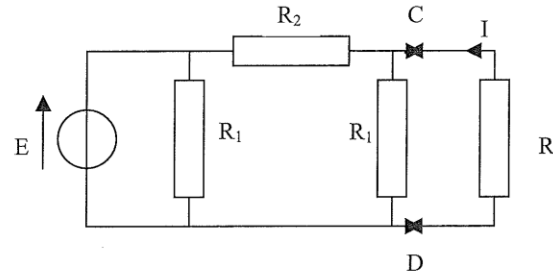
### Exercice 2

Quelle est l'intensité  $i$  du courant dans le montage



### Exercice 3

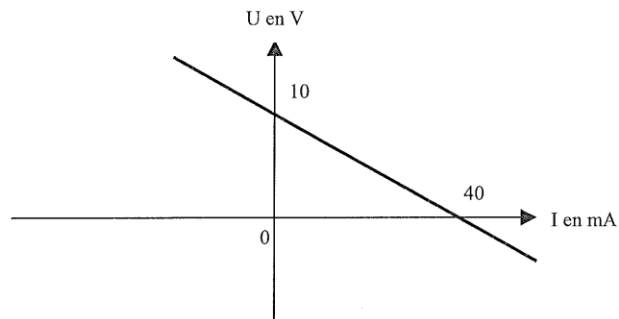
Soit le circuit ci-dessous :



- 1) Déterminer les modèles équivalents de Thévenin ( $E_{th}$  et  $R_{th}$ ) et de Norton ( $I_n$  et  $R_n$ ) du montage à gauche des points C et D. Donner les expressions littérales sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 2) Déterminer l'expression du courant I. Mettez son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible.
- 3) Calculer les valeurs numériques en supposant  $E = 10V$ ,  $R_1 = 10 \Omega$ ,  $R_2 = 20 \Omega$  et  $R = 15 \Omega$ .

### Exercice 4

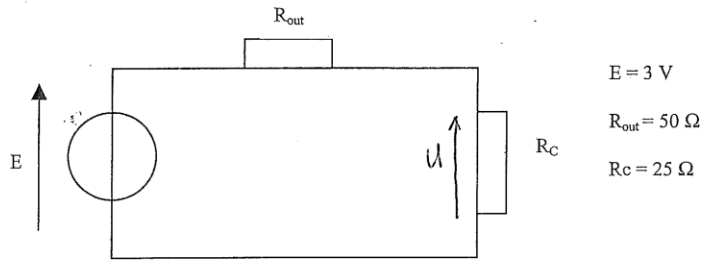
On a relevé la caractéristique  $U = f(I)$  suivante pour un dipôle.



- 1) Préciser dans quelles parties du graphique le dipôle a un comportement générateur et dans quelles parties il est récepteur, le tout en vous justifiant.
- 2) Déterminer les valeurs numériques des éléments du générateur de Thévenin équivalent ( $E_{th}$  et  $R_{th}$ ) au dipôle considéré ci dessus.
- 3) En déduire le modèle de Norton ( $I_n$  et  $R_n$ ).

### Exercice 5

Soit le circuit ci-dessous qui correspond à un générateur de fréquence alimentant une charge  $R_C$ :



- 1) Déterminer l'expression de la tension  $U$ . Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible. Faire l'application numérique.
- 2) Déterminer l'expression de la puissance dissipée par chacune des résistances. Donner l'expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible. Faire l'application numérique.
- 3) Déterminer pour quelle valeur de  $R_C$  cette dernière dissipe la plus grande puissance. Donner son expression littérale sous la forme d'une fraction simple si cela est possible. Faire l'application numérique.

### Exercice 6

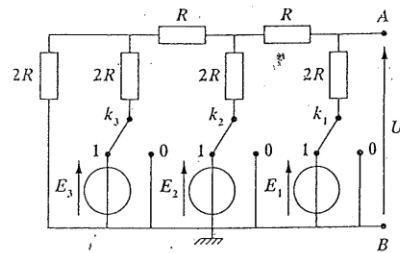
Chaque interrupteur peut relier (sur commande) une branche  $2R$  soit à une source de tension ( $k = 1$ ), soit à la masse ( $k = 0$ ).

1.  $k_3 = 1$  ;  $k_2 = 0$  ;  $k_1 = 0$ . Exprimer  $U$  en fonction de  $E_3$ .
2.  $k_2 = 1$  ;  $k_3 = 0$  ;  $k_1 = 0$ . Exprimer  $U$  en fonction de  $E_2$ .
3.  $k_1 = 1$  ;  $k_2 = 0$  ;  $k_3 = 0$ . Exprimer  $U$  en fonction de  $E_1$ .
4.  $k_1 = 1$  ;  $k_2 = 1$  ;  $k_3 = 1$ . Exprimer  $U$  en fonction de  $E_1$ ,  $E_2$  et  $E_3$ .
5.  $E_1 = E_2 = E_3 = E = 16 \text{ V}$  ;  $k = 0$  ou  $k = 1$ .

Montrer que :  $U = \left( \frac{k_1}{2} + \frac{k_2}{4} + \frac{k_3}{8} \right) E$

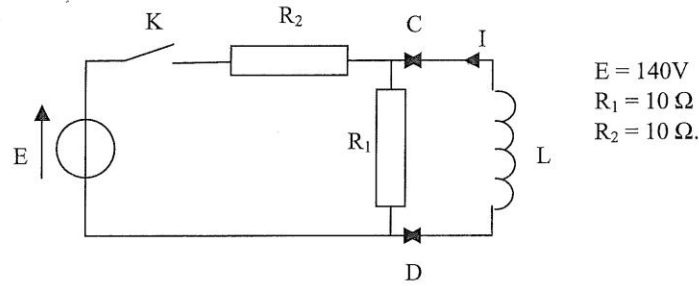
Calculer  $U$  pour :

- $\{k_1, k_2, k_3\} = \{0, 1, 0\}$  ;
- $\{k_1, k_2, k_3\} = \{1, 0, 0\}$  ;
- $\{k_1, k_2, k_3\} = \{1, 1, 1\}$ .



### Exercice 7

Soit le circuit ci-dessous :



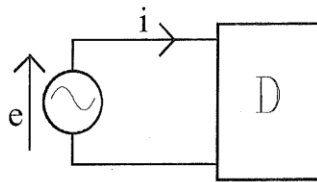
**A l'instant  $t=0s$  on ferme l'interrupteur K (parfait) :**

- 1) Déterminer les modèles équivalents de Thévenin ( $E_{th}$  et  $R_{th}$ ) du montage à gauche des points C et D. Donner leurs expressions littérales sous la forme d'une fraction simple si cela est possible et faire l'application numérique.
- 2) Déterminez l'expression de l'équation différentielle régissant l'évolution du courant  $i(t)$  dans le circuit.
- 3) Résolvez cette équation différentielle par la méthode de la variation de la constante, sachant que l'inductance L est celle de l'exercice précédent et vaut 110 mH.
- 4) Après avoir calculé ou donné l'expression temporelle de  $i$ , tracez  $i(t)$ . Donnez sa valeur maximale. Est-elle compatible avec l'inductance utilisée ? Justifiez
- 5) En déduire l'expression de la tension aux bornes de l'inductance L. Tracez son évolution au cours du temps sur le graphique précédent ( $i = f(t)$ ). Donnez sa valeur maximale.
- 6) Au bout de combien de temps le courant dans l'inductance a-t-il atteint  $I_1=7A$ . même question pour  $I_2=13.3A$  ? Faire la mesure de deux temps  $t_1$  et  $t_2$  sur le graphique et vérifiez vos résultats par un calcul..

**A un instant  $t_1$  choisi comme nouvelle origine des temps on ouvre K :**

- 7) Donnez la nouvelle équation différentielle régissant le courant  $i(t)$ .
- 8) Sans calculs, déterminez l'expression de  $i(t)$ .
- 9) Tracez son évolution au cours du temps.
- 10) Quelle est la différence de potentiel aux bornes de l'interrupteur K lorsqu'il est ouvert ? Que ce serait-il produit au niveau de l'interrupteur K si la résistance  $R_1$  n'avait pas été présente ? Justifiez.

### Exercice 8



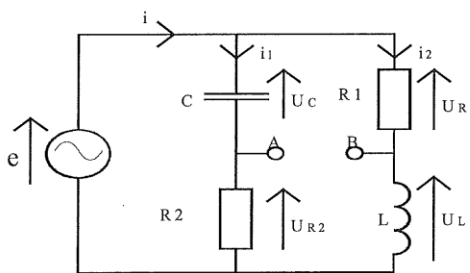
Un dipôle passif est branché aux bornes d'un générateur de tension sinusoïdale. On mesure:

$$e = 30 \cos(314t - \pi/12)$$

$$i = 2 \sin(314t + \pi/6)$$

1. Quelle est la fréquence  $f$  de travail ?
2. Calculer les valeurs des éléments RC ou RL parallèle équivalent au dipôle D.
3. Déterminer la nature et la valeur de l'élément à mettre en parallèle avec le dipôle D pour que l'ensemble soit équivalent à une résistance R.
4. Calculer la valeur de R
5. Calculez l'expression complexe et temporelle de  $i(t)$ .

### Exercice 9



$$e = E\sqrt{2} \sin(\omega t)$$

$$\text{avec } E = 250 \text{ V}$$

$$\text{et } \omega = 314 \text{ rd/s}$$

$$R1 = 100 \Omega \quad R2 = 150 \Omega$$

$$L = 0,24 \text{ H} \quad C = 16 \mu\text{F}$$

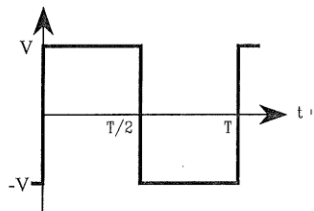
- 1) Calculer l'expression et la valeur numérique des impédances complexes de chaque branche du circuit.
- 2) Calculer l'expression et la valeur numérique des expressions complexes et temporelles de :
  - a)  $i$
  - b)  $i_1$
  - c)  $i_2$
  - d)  $U_C$
  - e)  $U_L$
  - f)  $U_{R1}$
  - g)  $U_{R2}$
- 3) En déduire l'expression et la valeur numérique de  $U_{AB}$ .

**Exercice 10**

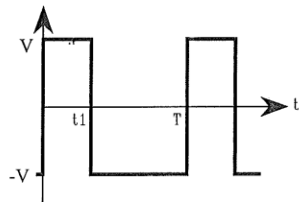
Calculer, ou donnez sans calculs, la valeur moyenne  $V_m$  et efficace  $V_{eff}$  des signaux périodiques suivants.

Application numérique :  $V = 2V_0 = 10V$      $T = 1ms$      $t_1 = 100\mu s$ .

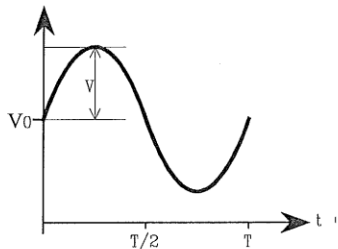
a)



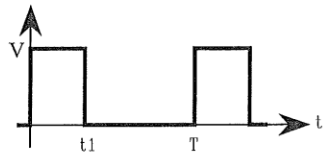
b)



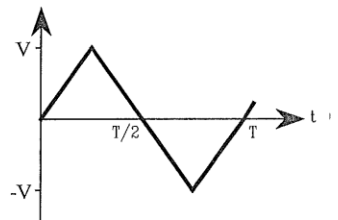
c)



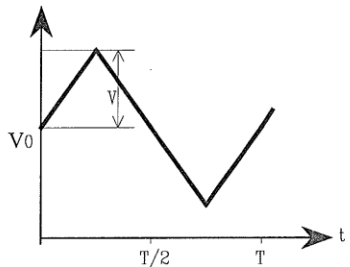
d)



e)

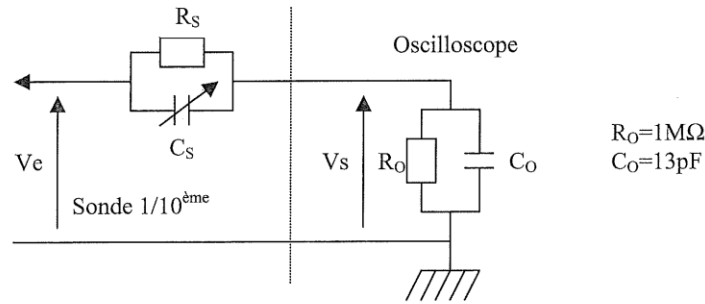


f)



### Exercice 11

On désire pouvoir dépanner une alimentation de 440V. Or la tension maximale visible à l'écran de l'oscilloscope n'est que de 80 V. Il faudra donc utiliser une sonde  $1/10^{\text{ème}}$  pour réaliser la mesure. On se propose ici d'étudier cette sonde dont le schéma est donné ci-dessous.



- 1) Calculez l'impédance  $\underline{Z}(j\omega)$  équivalente au circuit d'entrée de l'oscilloscope.
- 2) En déduire la fonction de transfert  $\underline{T}(j\omega) = \frac{V_s(j\omega)}{V_e(j\omega)}$  et l'écrire sous la forme suivante :

$$\underline{T}(j\omega) = K \frac{1 + j \frac{\omega}{\omega_1}}{1 + j \frac{\omega}{\omega_2}}$$

avec  $K = R_O / (R_O + R_S)$ ,  $\omega_1 = 1 / R_S C_S$  et  $\omega_2 = (R_O + R_S) / (R_O R_S (C_S + C_O))$

- 3) Quelle doit être la valeur de  $\omega_2$  par rapport à  $\omega_1$  pour que  $\underline{T}(j\omega)$  ne dépende plus de  $\omega$  ?
- 4) En déduire alors l'expression du produit  $R_O C_O$  en fonction de  $R_S$  et  $C_S$ .
- 5) Que vaut alors  $\underline{T}$  en fonction de  $K$  lorsque  $\underline{T}$  ne dépend plus de  $\omega$  ? En déduire le rapport entre  $R_O$  et  $R_S$  sachant que l'on a à faire à une sonde  $1/10^{\text{ème}}$  et calculer la valeur numérique de  $R_S$ .
- 6) En déduire la valeur numérique de  $C_S$ .
- 7) Donnez, sans calculs, l'expression puis la valeur numérique de l'impédance d'entrée de l'oscilloscope, puis celle de l'ensemble oscilloscope + sonde en **basses fréquences**. Dans quel cas la mesure est-elle alors la plus perturbatrice, avec ou sans sonde ?
- 8) Tracez le diagramme de BODE asymptotique de  $\underline{T}(j\omega)$  en module (en dB) et en phase (pente de  $\pm 45^\circ/\text{dec}$ ) pour :

-  $\omega_1 = 0,5\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$  → page 9

-  $\omega_1 = \omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$  → page 10

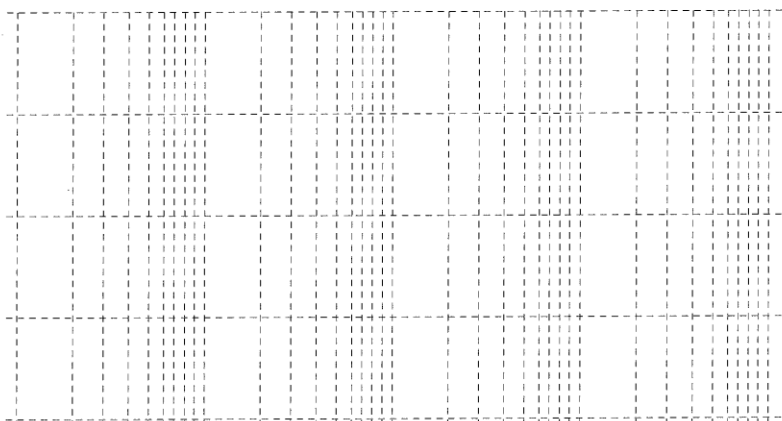
-  $\omega_1 = 2\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$  → page 11



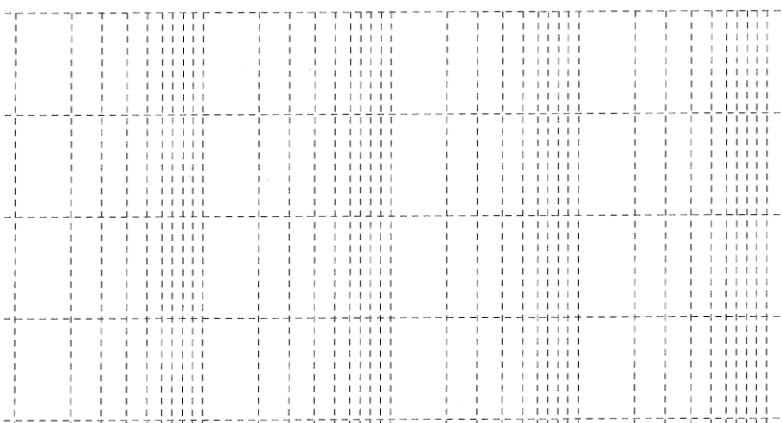
**Réponse à la question 21**

$$\omega_1 = 0,5\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$$

**en module**



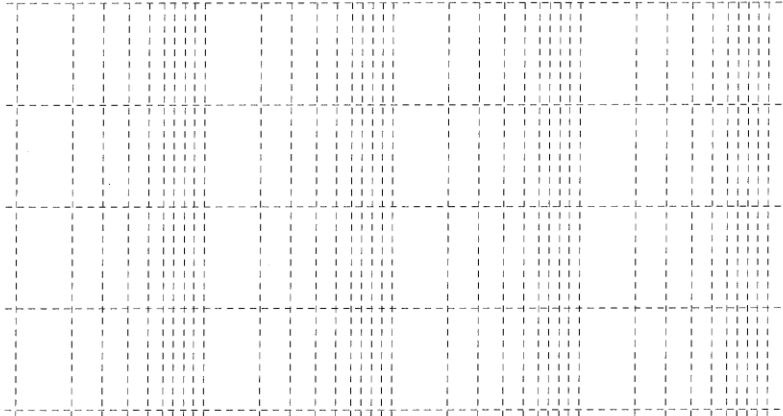
**en phase**



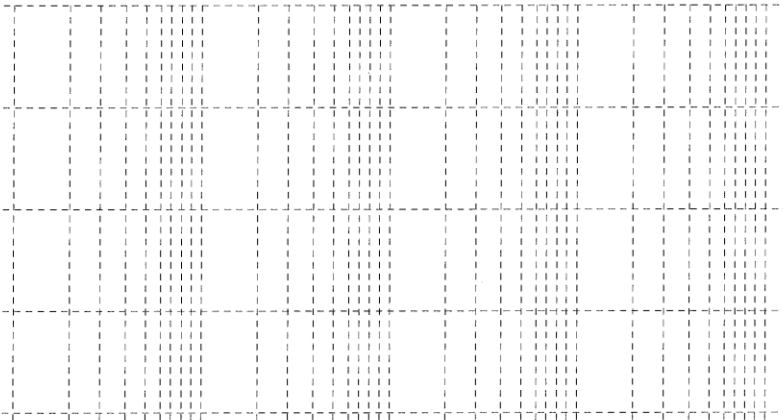
**Réponse à la question 21**

$$\omega_1 = \omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$$

**en module**



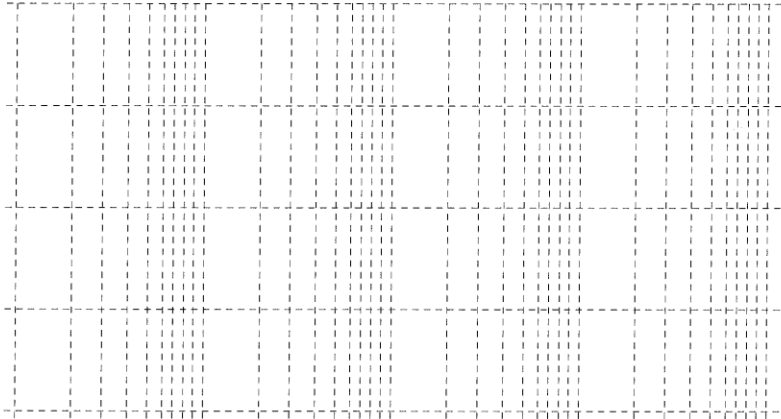
**en phase**



Réponse à la question 21

$$\omega_1 = 2\omega_2 = 77 \text{ Krd/s}$$

en module



en phase

