

Nous pouvons alors écrire:

$$T = \frac{V_S}{V_E} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2}$$

$$Z_2 = (R // C) = \frac{R}{1 + jRC\omega}$$

avec:

$$Z_1 = (R \text{ série } C) = \frac{1 + jRC\omega}{jC\omega}$$

$$T = \frac{\frac{R}{1 + jRC\omega}}{\frac{1 + jRC\omega}{jC\omega} + \frac{R}{1 + jRC\omega}} = \frac{jRC\omega}{1 - R^2C^2\omega^2 + 3jRC\omega}$$

On pose $\omega_0 = \frac{1}{RC}$

$$T = \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 - \frac{\omega^2}{\omega_0^2} + 3j \frac{\omega}{\omega_0}}$$

Nous pouvons alors écrire l'égalité suivante:

$$1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 + 3j \frac{\omega}{\omega_0} = \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_1}\right) \cdot \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_2}\right)$$

Decomposition en facteurs 1^{er}

$$1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 + 3j \frac{\omega}{\omega_0} = 1 - \frac{\omega^2}{\omega_1 \cdot \omega_2} + j\omega \left(\frac{1}{\omega_1} + \frac{1}{\omega_2}\right)$$

Par identification nous trouvons:

$$\omega_1 \cdot \omega_2 = \omega_0^2 \quad \omega_1 \cdot \omega_2 = \omega_0^2 \quad P$$

→

$$\frac{1}{\omega_1} + \frac{1}{\omega_2} = \frac{3}{\omega_0} \quad \omega_1 + \omega_2 = 3 \cdot \omega_0 \quad S$$

ω_1 et ω_2 sont les racines de l'équation du second degré:

$$\omega^2 - S \cdot \omega + P = 0 \quad \text{soit} \quad \omega^2 - 3 \cdot \omega_0 \cdot \omega + \omega_0^2 = 0$$

du type:

$$a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$$