

$$2) f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 + x^2 - 1}{x^2 - 1} & \text{sur }]-1; +\infty[\quad (I_1) \\ \frac{-x^3 - x^2 + 2x + 1}{x^2 - 1} & \text{sur }]-\infty; -1[\quad (I_2) \end{cases}$$

f est définie par morceaux sur \mathcal{D} .

Sur I_1 :

$$f'(x) = \frac{(3x^2 + 2x)(x^2 - 1) - (2x)(x^3 + x^2 - 1)}{(x^2 - 1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{x^2(x^2 - 3)}{(x^2 - 1)^2}$$

Or $\forall x \in \mathcal{D}$, x^2 et $(x^2 - 1)^2 \geq 0$

On s'intéresse qu'au signe de $(x^2 - 3)$

x	$-\infty$	$-\sqrt{3}$	$\sqrt{3}$	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$-$	$+$

Sur I_2 :

$$f'(x) = \frac{(-3x^2 - 2x + 2)(x^2 - 1) - (2x)(-x^3 - x^2 + 2x + 1)}{(x^2 - 1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{x^2(-x^2 + 1)}{(x^2 - 1)^2}$$

Or $\forall x \in \mathcal{D}$, x^2 et $(x^2 - 1)^2 \geq 0$

On s'intéresse qu'au signe de $(-x^2 + 1)$, signe de $f'(x)$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$+$	$-$

b) Tableau de variation de f :

x	$-\infty$	$-\sqrt{3}$	$\sqrt{3}$	-1	1	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	0	$-$	0	$+$	0	$-$
f	↗		↘		↗		↘