

Bonjour, je travaille dans un système de coordonnées elliptiques et l'expression de la fonction d'onde est la suivante en omettant volontairement le terme exponentiel($i\phi$) :

$$\psi = \sum_{i=1}^2 c_{ij} \sum_{p=0}^{n(j)} \sum_{q=0}^{n'(j)} \lambda^p \mu^q e^{-\alpha_j R/2} (\lambda + \epsilon_i \mu) \left[\sqrt{(\lambda^2 - 1)(1 - \mu^2)} \right]^m$$

Un tel système de coordonnées est utile dans un cas diatomique.

Nous considérons deux centres A et B (ou 1 et 2).

Le terme m caractérise la symétrie orbitale (L)

Le terme ϵ_i vaut 1 pour le centre 1 ou A et deux pour le centre 2 ou B

On a :

$$\lambda = \frac{r_A + r_B}{R} \quad (1)$$

$$\mu = \frac{r_A - r_B}{R} \quad (2)$$

On considère des orbitales de type Slater qui ont la forme ci-dessous :

$$R_n(r) = N r^n e^{-\alpha R} \quad (3)$$

Les coefficients α_j correspondent donc aux coefficients des orbitales de Slater

Je cherche à calculer

$$I = \langle \Psi/A/\psi \rangle \quad (4)$$

$$\text{qui vaut } I = \int_0^{2\pi} \int_{-1}^1 \int_1^\infty \psi * \hat{A} \psi \frac{R^3}{8} (\lambda^2 - \mu^2) d\varphi d\lambda d\mu$$

$$d\varphi = 2\pi$$

Ensuite je fais la différence entre ψ^* et ψ en affectant les indices g et d (pour fonction située à gauche ou à droite) à leurs différents paramètres comme ci-dessous

$$I = \int_{-1}^1 \int_1^\infty 2\pi \frac{R^3}{8} \sum_{i=1}^2 c \sum_{p=0}^{n(j)} \sum_{q=0}^{n'(j)} \lambda^{pg} \mu^{qg} e^{-\alpha_{gj} r/2} (\lambda + \epsilon_{gi} \mu) \left[\sqrt{(\lambda^2 - 1)(1 - \mu^2)} \right]^{mg} \quad (5)$$

$$(\text{suite}) A \lambda^{pd} \mu^{qd} e^{-\alpha_{dj} r/2} (\lambda + \epsilon_{di} \mu) \left[\sqrt{(\lambda^2 - 1)(1 - \mu^2)} \right]^{md} (\lambda^2 - \mu^2) d\lambda d\mu$$

Je cherche donc à calculer cette intégrale de manière numérique, si quelqu'un connaissait un moyen de résoudre ce calcul, cela serait très sympathique. J'ai regardé du côté des intégrales de GAUSS et des Développements limités mais sans succès, je sèche. A l'aide. Merci