

Fig. 1. Circular current loop geometry.

### III. CARTESIAN COORDINATES

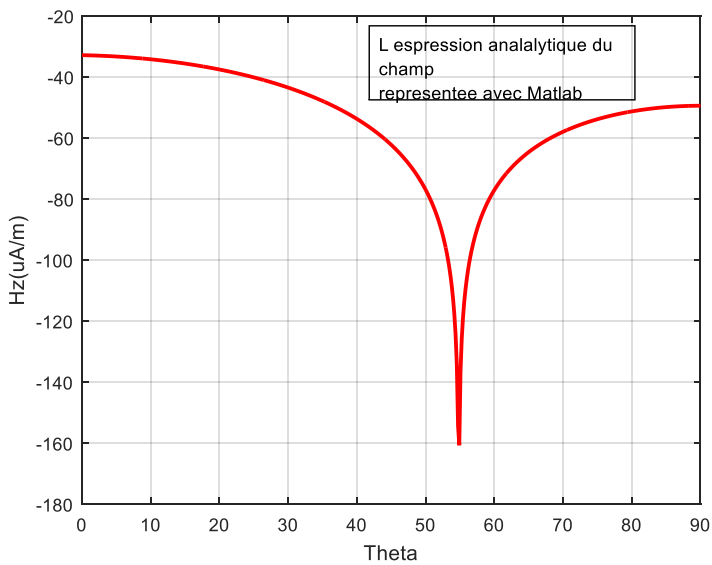
The field components and their derivatives in Cartesian coordinates are given below. These are easier to use when rotations or translations are needed and obviate the need to transform the basis vectors. The following substitutions are used for simplicity:  $\rho^2 \equiv x^2 + y^2$ ,  $r^2 \equiv x^2 + y^2 + z^2$ ,  $\alpha^2 \equiv a^2 + r^2 - 2ap$ ,  $\beta^2 \equiv a^2 + r^2 + 2ap$ ,  $k^2 \equiv 1 - \alpha^2/\beta^2$ ,  $\gamma \equiv x^2 - y^2$ , and  $C \equiv \mu_0 I/\pi$ . Note that  $\rho$  and  $r$  are non-negative.

#### Field Components:

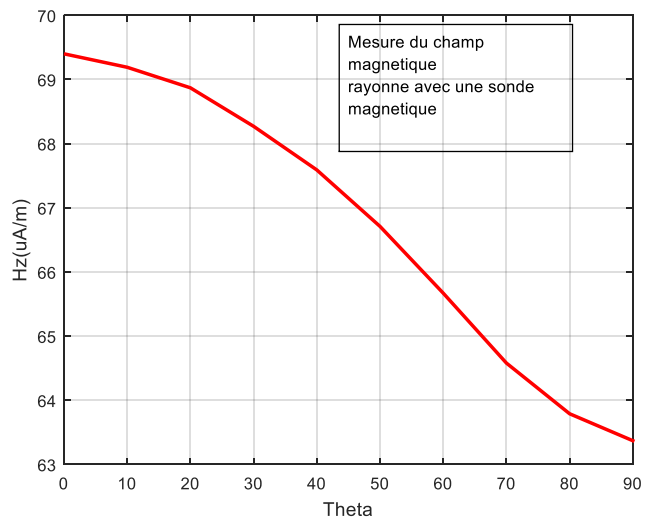
$$B_x = \frac{C x z}{2\alpha^2 \beta \rho^2} \left[ (a^2 + r^2) E(k^2) - \alpha^2 K(k^2) \right]$$

$$B_y = \frac{C y z}{2\alpha^2 \beta \rho^2} \left[ (a^2 + r^2) E(k^2) - \alpha^2 K(k^2) \right] = \frac{y}{x} B_x$$

$$B_z = \frac{C}{2\alpha^2 \beta} \left[ (a^2 - r^2) E(k^2) + \alpha^2 K(k^2) \right]$$



A: Simulation



B: Mesure

.....

Code Matlab: c est juste l'expression analytique de Hz cad  $B_z/\mu$  représentée dans le système de coordonnées sphériques car les mesures ont été aussi faites dans le système de coordonnées sphériques

```
%% Ce code trace le champ magnétique rayonné par une boucle de courant
%% il trace Hz cad  $B_z/\mu_0$ 
%% en fonction de l'angle Theta
%% a=12.25 mm est le rayon de la boucle de courant
%% r =20 cm est la distance de mesure du champ
%% I=320 mA est le courant qui circule dans la boucle de courant
```

```
function Hz=Representation_de_Hz(a,r,I)

pshi=pi/2;

theta_rad=0:(pi/1000):(pi/2);
theta_deg= (theta_rad.*180)./pi;

x=r*sin(theta_rad).*cos(pshi);
y=r*sin(theta_rad).*sin(pshi);

rho1=sqrt(x.^2+y.^2);
rho=rho1.^2;

alpha=a.^2+r.^2-(2*a*rho1);
alpha1=sqrt(alpha);
betha=a.^2+r.^2+(2*a*rho1);
betha1=sqrt(betha);
m=1-(alpha./betha);
k=sqrt(m);
[K,E]=ellipke(m);
C=I/pi;

Hz=(C./2.*alpha.*betha1).*((a^2-r^2).*E+(alpha.*K));

Hz0=abs(Hz);
Hz1=20*log(Hz0/10^-6);

plot(theta_deg,Hz1,'r','linewidth',2);

xlabel('Theta');ylabel('Hz (uA/m)');
grid on;
```