



Statique

$$\vec{P}_1 + \vec{P}_2 + \vec{F}_A + \vec{F}_B = \vec{0}$$

on calcule le moment en A l'équilibre statique impose qu'il soit nul

$$a. \vec{P}_1 + b. \vec{F}_B + c. \vec{P}_2 = \vec{0}$$

$$\vec{F}_B = \frac{-(a. \vec{P}_1 + c. \vec{P}_2)}{b}$$

on peut maintenant calculer le moment fléchissant

Pour x de 0 à A	Pour x de A à B	Pour x de B à C
$Mf_z = xP_1$	$Mf_z = xP_1 - (x-a)F_A$	$Mf_z = xP_1 - (x-a)F_A - (x-b)F_B$

$$EIy' = \int_0^x P_1 x dx + C_1$$

$$EIy' = \int_a^x P_1 x - F_a(x-a) dx + C_2$$

Pour x de 0 à A	Pour x de A à B	Pour x de B à C
$Mf_z = xP_1$	$Mf_z = xP_1 - (x-a)F_A$	$Mf_z = xP_1 - (x-a)F_A - (x-b)F_B$
$Ely' = \int_0^x P_1 x dx + C_1$	$Ely' = \int_a^x P_1 x - F_A(x-a) dx + C_2$	$Ely' = \int_a^x P_1 x - F_A(x-a) - F_B(x-b) dx + C_3$
$Ely' = P_1 \frac{x^2}{2} + C_1$	$Ely' = (P_1 - F_A) \frac{x^2}{2} + a.F_A x + C_2$	$Ely' = (P_1 - F_A - F_B) \frac{x^2}{2} + (a.F_A + b.F_B)x + C_3$
On peut écrire la continuité de la pente en A		
$P_1 \frac{a^2}{2} + C_1 = (P_1 - F_A) \frac{a^2}{2} + a^2 F_A + C_2 \Rightarrow C_1 = C_2 + \frac{a^2}{2} F_A$		
	On peut écrire la continuité de la pente en B	
	$(P_1 - F_A) \frac{b^2}{2} + abF_A + C_2 = (P_1 - F_A - F_B) \frac{b^2}{2} + abF_A + b^2 F_B + C_3 \Rightarrow C_2 = \frac{b^2}{2} F_B + C_3$	
	$C_3 = C_2 - \frac{b^2}{2} F_B$	
On aura que la constante C_2 à déterminer C_1 et C_3 s'expriment en fonction de C_2 grâce aux conditions de continuité de la pente on attaque l'équation de la déformée		
$Ely = \int_0^x P_1 \frac{x^2}{2} + \frac{a^2}{2} F_A + C_2 dx + C_{11}$	$Ely = \int_a^x (P_1 - F_A) \frac{x^2}{2} + aF_A x + C_2 + C_{21}$	$Ely = \int_b^x (P_1 - F_A - F_B) \frac{x^2}{2} + (aF_A + bF_B)x + C_2 - \frac{b^2}{2} F_B dx + C_{31}$
$Ely = P_1 \frac{x^3}{6} + \frac{a^2 x}{2} F_A + C_2 x + C_{11}$	$Ely = (P_1 - F_A) \frac{x^3}{6} + \frac{ax^2}{2} F_A + C_2 x + C_{21}$	$Ely = (P_1 - F_A - F_B) \frac{x^3}{6} + \frac{ax^2}{2} F_A + \frac{bx^2}{2} F_B + C_2 x - \frac{b^2 x}{2} F_B + C_{31}$
La déformée est nulle sur l'appui A		
$P_1 \frac{a^3}{6} + \frac{a^3}{2} F_A + C_2 a + C_{11} = (P_1 - F_A) \frac{a^3}{6} + \frac{a^3}{2} F_A + C_2 a + C_{21} = 0$		
$C_{11} = -F_A \frac{a^3}{6} + C_{21}$		

	La déformée au point B est nulle
	$(P_1 - F_A) \frac{b^3}{6} + \frac{ab^2}{2} F_A + C_2 b + C_{21} = (P_1 - F_A - F_B) \frac{b^3}{6} + (aF_A + bF_B) \frac{b^2}{2} + C_2 b - \frac{b^3}{2} F_B + C_{31} = 0$ $C_{21} = -F_B \frac{b^3}{6} + C_{31}$

On arrive à un système de deux équations à deux inconnues qu'il faut résoudre

$$(P_1 - F_A) \frac{a^3}{6} + \frac{a^3}{2} F_A + C_2 a + C_{21} = 0$$

$$(P_1 - F_A) \frac{b^3}{6} + \frac{ab^2}{2} F_A + C_2 b + C_{21} = 0$$

de ce système, il faut extraire C_2 et C_{21} tous les autres paramètres étant déterminés.

Puis reporter les valeurs de C_2 et C_{21} dans les équations précédentes afin de pouvoir calculer la déformée

la seule solution viable pour faire ce calcul est le passage par un programme genre tableur. Les expressions littérales de C_2 et C_{21} risquant de ne pas tenir sur une ligne.

Je peux à la rigueur le faire, mais j'aurai bien voulu confirmation que je ne me suis pas trop planté